

2-MA'RUZA. TEKISLIKDA IXTIYORIY JOYLASHGAN KUCHLAR SISTEMASI VA UNING MUVOZANATI. BOSH VEKTOR VA BOSH MOMENT.

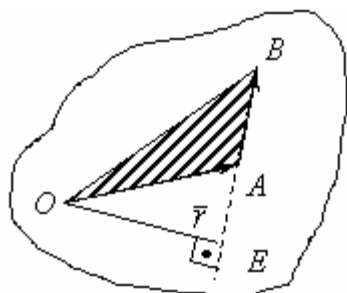
REJA:

1. Kuchning nuqtaga nisbatan momenti
2. Tekislikda ixtiyoriy joylashgan kuchning nuqtaga nisbatan momenti vektori.
3. Tekislikda ixtiyoriy joylashgan kuchlar sistemasini bir markazga keltirish.
4. Kuchlar sistemasini bir juftga keltirish.
5. Teng ta'sir etuvchining momentiga oid Varinon teoremasi.
6. Tekislikda ixtiyoriy joylashgan kuchlar sistemasining muvozanat shartlari.
7. Reaksiya kuchlarini aniqlashga doir qo'shimchalar.

Kuchning nuqtaga nisbatan momenti

Kuchning biror nuqtaga nisbatan algebraik momenti deb, kuch yelkasi bilan kuch miqdorini ko'paytmasidan iborat bo'lgan kattalikka aytiladi.

Moment markazi (O) nuqtadan kuchni ta'sir chizig'iga o'tkazilgan perpendikulyar masofa $OE=h$ kuch yelkasi deyiladi. (2.1-shakl).



2.1-shakl.

bo'yicha ko'chirganiga bog'liq emas.

Agar kuchning ta'sir chizig'i O nuqtadan o'tsa, kuchning algebraik momenti nolga teng: 2.1-shakldan

$$M_0(\bar{F}) = \pm 2S_{OAB} \quad (2.2)$$

S_{OAB} -uchburchak OAB ning yuziga teng.

Tekislikda ixtiyoriy joylashgan kuchning nuqtaga nisbatan momenti vektori.

O nuqtaga nisbatan kuchning algebraik momenti:

$$M_0(\bar{F}) = hF \quad (2.3)$$

Agar \bar{r} , A nuqtani radius vektori bo'lsa, 2.1-shakldan.

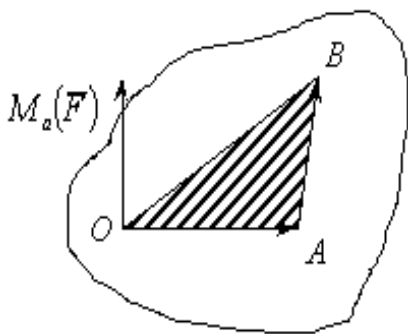
$$h = r \sin(\bar{F} \wedge \bar{r}) \quad (2.4)$$

(2.4.) ni (2.3) ga qo'ysak,

$$M_0(\bar{F}) = F \cdot r \cdot \sin(\bar{F} \wedge \bar{r}) \quad (2.5)$$

Vektorlar qoidasiga asosan (2.5) ni quyidagicha yozamiz:

$$\bar{M}_0(\bar{F}) = \bar{r}_x \bar{F} \quad (2.6)$$



2.2-shakl

$\bar{M}_0(\bar{F}) = \bar{r}_x \bar{F}$ vektori \bar{F} kuchni O nuqtaga nisbatan momenti vektori deyiladi. (2.2-shakl).

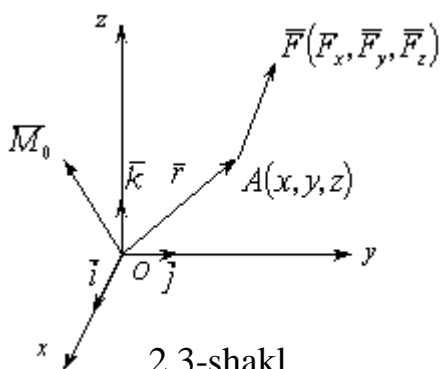
Demak, kuchning biror nuqtaga nisbatan momenti vektori deb shunday vektorga aytiladiki, bu vektor shu nuqtaga qo'yilgan bo'lib uning miqdori kuchning nuqtaga nisbatan algebraik momentiga teng bo'ladi. Kuchning nuqtaga nisbatan momenti vektori kuch bilan nuqta yotgan tekislikka preperdikulyar bo'lib, uning uchidan qaraganda jism soat mili yo'nalishiga teskari

ravishda aylanadi. Agar \bar{F} kuchni nol nuqtaga nisbatan momenti vektorini miqdorini $M_0(\bar{F})$ deb belgilasak $M_0(\bar{F}) = F \cdot h$ bo'ladi. $|M_0(\bar{F})| = F \cdot h \cdot 2 \cos \alpha /$

Agar \bar{F} kuchning dekart koordinata sistemasidagi proektsiyalari F_x, F_y, F_z hamda u quyilgan nuqtaning x, y va z koordinatalari berilgan bo'lsa (2.6) ni quyidagicha yozamiz:

$$\bar{M}_0(\bar{F}) = \bar{r}_x \bar{F} = \begin{vmatrix} \bar{i}, \bar{j}, \bar{k} \\ x, y, z \\ F_x, F_y, F_z \end{vmatrix} = (yF_z - zF_y)\bar{i} + (zF_x - xF_z)\bar{j} + (xF_y - yF_x)\bar{k} \quad (2.7)$$

\bar{i}, \bar{j} va \bar{k} lar birlik vektorlar(2.3-shakl).



2.3-shakl.

Belgilashlar kiritamiz:

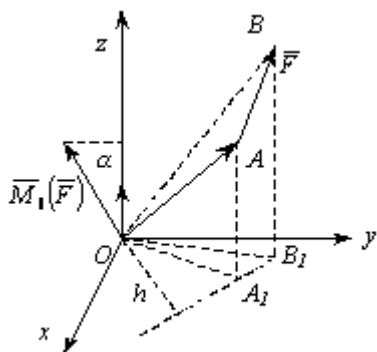
$$\begin{aligned} M_{0x}(F) &= yF_z - zF_y; \\ M_{0y}(F) &= zF_x - xF_z; \\ M_{0z}(F) &= xF_y - yF_x \end{aligned} \quad (2.8)$$

$\bar{M}_0(\bar{F})$ ning miqdori quyidagicha aniqlanadi:

$$|\bar{M}_0(\bar{F})| = \sqrt{M_{0x}^2 + M_{0y}^2 + M_{0z}^2} \quad (2.9)$$

Uning yo'nalishi kosinuslar qoidastga asosan topiladi:

$$\cos(\bar{M}_0 \wedge x) = \frac{M_{0x}}{|\bar{M}_0(\bar{F})|}; \quad \cos(\bar{M}_0 \wedge y) = \frac{M_{0y}}{|\bar{M}_0(\bar{F})|}; \quad \cos(\bar{M}_0 \wedge z) = \frac{M_{0z}}{|\bar{M}_0(\bar{F})|} \quad (2.10)$$



2.4-shakl

Endi kuchning tekislikdagi proektsiyasi teshenchasini kiritamiz. Aytaylik \bar{F} kuchi va tekislik berilgan bo'lsin. Kuchning boshi va ohiridan bu tekislikka preperdikulyar to'g'ri chiziqlar o'tkazamiz, u holda \bar{F} kuchni XOU tekislikdagi proektsiyasi \bar{F}_{xy} deb belgilanadi. Uning O nuqtaga nisbatan momenti

$$M_0(F_{xy}) = (xF_y - yF_x) \bar{k} \quad (2.11)$$

bo'ladi. Bunda $Z=0, F_z=0$

SHunday qilib $\overline{M}_0(\overline{F}_{xy})$ momenti vektori z o'qi bilan bo'ylab yo'nalgan bo'ladi va uning z o'qidagi proektsiyasi, \overline{F} kuchning O nuqtaga nisbatan momenti vektorining z o'kidagi proektsiyasi bilan ustma-ust tushadi. Agar kuchning OX, OU va OZ o'qiga nisbatan momentlarini $M_x(\overline{F})$, $M_y(\overline{F})$ va $M_z(\overline{F})$ desak, $M_x(\overline{F})=M_{ox}(\overline{F})$, $M_y(\overline{F})=M_{oy}(\overline{F})$, $M_z(\overline{F})=M_{oz}(\overline{F})$ bo'ladi.

$$|\overline{M}_0(\overline{F})|=M_{oz}(\overline{F})=M_{oz}(\overline{F}_{xy})=xF_y-yF_x \quad (2.12)$$

yoki $M_z(\overline{F})=|\overline{M}_0(\overline{F})|\cos\alpha$

Kuchning biror o'qqa nisbatan momenti kuchning shu o'qda yotuvchi nuqtaga nisbatan momenti vektorlarini mazkur o'qdagi proektsiyasiga teng.

(2.12) dan quyidagi natija chiqadi:

1. Agar kuchning yelkasi $h=0$ bo'lsa, kuchning o'qqa nisbatan momenti 0 ga teng.
2. Agar kuch o'qqa parallel bo'lsa, kuchning o'qqa nisbatan momenti 0 ga teng bo'ladi.
3. Agar kuchning ta'siri chizig'i o'qni kesib o'tsa, kuchning o'qqa nisbatan momenti 0 ga teng bo'ladi ($h=0$).

Tekislikda ixtiyoriy joylashgan kuchlar sistemasini bir markazga keltirish.

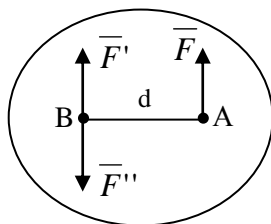
1. Kuchni o'ziga parallel ixtiyoriy nuqtaga ko'chirishga oid teorema.

Teorema:

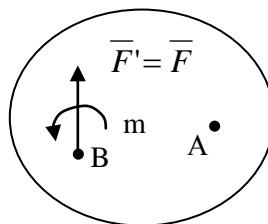
Absolyut qattiq jismning biror nuqtasiga qo'yilgan kuchni jismga ta'sirini o'zgartirmay o'ziga parallel ravishda boshqa ixtiyoriy nuqtaga keltirish, momenti berilgan kuchdan keltirish nuqtasiga nisbatan olingan kuch momentiga teng bo'lgan juft qo'shishni taqozo qiladi.

Isbot:

Jismning biror A nuqtasiga F kuch qo'yilgan bo'lsin.



2.5-shakl.



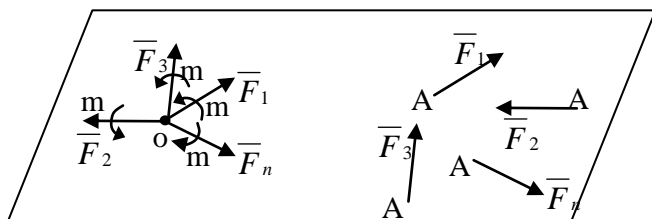
2.6-shakl.

Jismning ixtiyoriy B nuqtasiga ($AB=d$) tashkil etuvchilari F' va F'' miqdor jihatidan F kuchga teng bo'lgan ya'ni $F'=F''=F$ nolli sistemani kuchga parallel ravishda qo'yamiz (2.5-shakl). Hosil bo'lgan uchta kuchdan ($\overline{F}, \overline{F}', \overline{F}''$) iborat bo'lgan sistema berilgan F kuchga ekvivalentdir. Bu sistemani F kuch va ($\overline{F}, \overline{F}''$) juftdan tashkil topgan deb qarash mumkin. Binobarin A nuqtaga qo'yilgan F kuchi, B nuqtaga qo'yilgan shunday F' kuchiga va ($\overline{F}, \overline{F}''$) juftga ekvivalentdir. Juft ($\overline{F}, \overline{F}''$) ni qo'shilgan juft deb ataladi. Uning momentini aniqlaymiz $\overline{m}(\overline{F}, \overline{F}')=F \cdot d = m_B(\overline{F})$.

Binobarin qo'yilgan juftning momenti A nuqtaga qo'yilgan F kuchdan, ko'chirish zarur bo'lgan B nuqtaga nisbatan momentga teng bo'ladi. Bu teoremaning tafsiloti 2.5 va 2.6-shakllarda tasvirlangan.

Tekislikda ixtiyoriy joylashgan kuchlar sistemasini bir markazga keltirish

Bosh vektor va bosh moment. Qattiq jismga tekislikda ixtiyoriy joylashgan $\vec{F}_1, \vec{F}_2, \dots, \vec{F}_n$ kuchlar sistemasini ta'sir qilsin.



2.7-shakl.

Tekislikda keltirish markazi deb ataluvchi ixtiyoriy O nuqtani olib, momentlari m_1, m_2, m_n bo'lgan qo'shilgan juftlarni qo'shib, hamma kuchlarni shu markazga keltiramiz, (2.7-shakl). Demak $(\vec{F}_1, \vec{F}_2, \dots, \vec{F}_n)$.

Kuchlar sistemasini O nuqtaga qo'yilgan $\vec{F}'_1, \vec{F}'_2, \dots, \vec{F}'_n$ kuchlar sistemasiga va bir tekislikda joylashgan momentlari

$$m_1 = m_0(\vec{F}_1), m_2 = m_0(\vec{F}_2) \dots m_n = m_0(\vec{F}_n) \quad (2.13)$$

bo'lgan juftlar sistemasiga ekvivalent bo'ladi.

O nuqtaga qo'yilgan kuchlarni qo'shib, ularni bitta kuch bilan almashtiramiz.

$$\vec{R}' = \sum_{k=1}^n \vec{F}_k \quad (2.14)$$

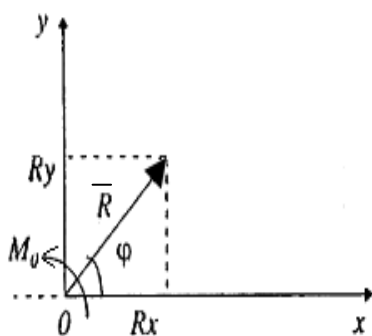
Modomiki $\vec{F}'_k = \vec{F}_k$, u holda $\vec{R}' = \sum_{k=1}^n \vec{F}_k$ kattalik berilgan kuchlar

sistemasining bosh vektori deb ataladi. Binobarin tekislikda ixtiyoriy joylashgan kuchlar sistemasini bosh vektori berilgan kuchlarning geometrik yig'indisiga teng ekan. Tekislikda joylashgan qo'shilgan juftlarni jamlab, momenti $M_0 = m_1 + m_2 + \dots + m_n$ bo'lgan bitta juft bilan almashtiramiz. Formula (2.13)ni e'tiborga olib, quyidagiga ega bo'lamiz:

$$M_0 = m_0(\vec{F}_1) + m_0(\vec{F}_2) + \dots + m_0(\vec{F}_n)$$

yoki

$$M_0 = \sum_{k=1}^n m_0(\vec{F}_k) \quad (2.15)$$



2.8-shakl.

Moment M_o berilgan kuchlar sistemasining O keltirish markaziga nisbatan bosh momenti deb ataladi. Demak, tekislikda ixtiyoriy joylashgan kuchlar sistemasini biror markazga nisbatan bosh momenti berilgan sistemaning kuchlaridan keltirish markaziga nisbatan olingan momentlarning algebraik yig'indisiga teng. Olingan natijani quyidagi teorema shaklida keltirish mumkin. Tekislikda ixtiyoriy joylashgan kuchlar sistemasini umumiy holda, sistemaning bosh vektoriga teng bo'lgan va qandaydir O nuqtaga qo'yilgan bitta kuch va shu tekislikda yotuvchi momenti berilgan kuchlar sistemasining shu nuqtaga nisbatan bosh momentiga teng bo'lgan bitta juft bilan almashtirish mumkin (2.8-shakl).

Bosh vektor R' ni miqdor va yo'nalishini analitik aniqlash. Koordinata sistemi boshini keltirish markazi O nuqtada olib (2.8-shakl) OX va OY o'qlarini o'tkazib, R' ning miqdorini quyidagi formula yordamida aniqlaymiz.

$$R' = \sqrt{(R'_x)^2 + (R'_y)^2} \quad (2.16)$$

Bu yerda R'_x va R'_y bosh vektor R' ning koordinata o'qlaridagi proektsiyalaridir (2.14). Tenglikni koordinata o'qlariga proektsiyalab, quyidagini olamiz:

$$R'_x = \sum_{k=1}^n F_{kx}, \quad R'_y = \sum_{k=1}^n F_{ky} \quad (2.17)$$

Ya'ni kuchlar sistemi bosh vektorining koordinata o'qlaridagi proektsiyalari, kuchlarning shu o'qlardagi proektsiyalarining algebraik yig'indisiga tengdir. Formula (2.16)ga R'_x , R'_y larning qiymatlarini (2.17) formuladan keltirib qo'yib, quyidagini olamiz

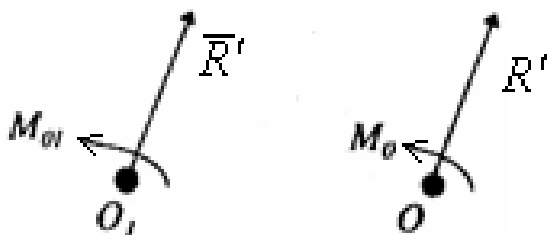
$$R' = \sqrt{\left(\sum_{k=1}^n F_{kx}\right)^2 + \left(\sum_{k=1}^n F_{ky}\right)^2} \quad (2.18)$$

Bosh vektor R' ning yo'nalishi, uni OX o'qi bilan tashkil qilgan φ burchagi orqali quyidagicha aniqlanadi

$$\operatorname{tg} \varphi = \frac{R'_y}{R'_x} \quad (2.19)$$

SHuni ta'kidlaymizki, bosh vektor R' keltirish markazini o'zgartirish bilan o'zgarmaydi, chunki berilgan kuchlar sistemasining miqdor va yo'nalishlari o'zgarmas qoladi.

Keltirish markazi o'zgarishi bilan bosh momentning o'zgarishi. Berilgan (F_1, F_2, \dots, F_n) kuchlar sistemasini bir O markazga keltirib, O nuqtaga qo'yilgan R' kuchni va momenti M_o bo'lgan juftni olamiz (2.9-shakl).



2.9-shakl.

Keltirish markazi uchun boshqa O_1 nuqtani olamiz va bu nuqtaga nisbatan bosh momentni M_{o1} deb belgilaymiz, R' kuchni O nuqtadan O_1 nuqtaga ko'chirish uchun momenti O_1 nuqtaga qo'yilgan R' kuchdan O_1 nuqtaga nisbatan olingan kuch momentiga teng bo'lgan ya'ni $m_{o1}(R')$ juftni qo'shish kerak. Bu juftni kuchlar

sistemasining O ga keltirish natijasida hosil bo'lgan juft bilan qo'shib, momenti

quyidagiga teng bo'lgan bitta juft hosil qilamiz

$$M_{O_1} = M_0 + m_{O_1}(\bar{R}') \quad (2.20)$$

bundan

$$M_{O_1} - M_0 = m_{O_1}(\bar{R}') \quad (2.21)$$

Demak, keltirish markazi o'zgarishi bilan bosh momentning o'zgarishi oldingi markazga qo'yilgan bosh vektordan, keyingi markazga nisbatan olingan momentga teng bo'lar yekan.

2. Keltirishning xususiy hollari. Tekislikda ixtiyoriy joylashgan kuchlar sistemasini sodda hollarga keltirish. Tekislikda ixtiyoriy joylashgan kuchlar sistemasini biror O markazga keltirishda quyidagi xususiy hollar mavjud

$$1) \bar{R}' = 0, M_0 \neq 0$$

$$2) \bar{R}' \neq 0, M_0 = 0$$

$$3) \bar{R}' \neq 0, M_0 \neq 0$$

$$4) \bar{R}' = 0, M_0 = 0$$

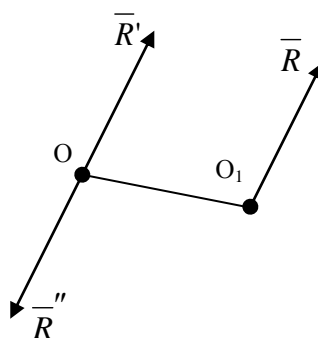
Kuchlar sistemasini bir juftga keltirish.

Agar tekislikda ixtiyoriy joylashgan kuchlar sistemasini bosh vektori nolga teng bo'lib, biror markazga nisbatan bosh momenti nolga teng bo'lmasa, u holda bunday sistema bir juftga keladi. Bunday holda bosh momenti keltirish markazining tanlanishiga bog'liq bo'lmaydi, haqiqatan ham, agar $R' = 0$ bo'lsa, u holda (2.21) formuladan $M_{O_1} = M_0$ ekanligi kelib chiqadi.

Kuchlar sistemasini bir teng ta'sir etuvchiga keltirish. Teng ta'sir etuvchining momenti haqida teorema

Agar kuchlar sistemasining bosh vektori nolga teng bo'lmasa, u holda bunday sistema bitta teng ta'sir etuvchiga keltiriladi (2 va 3 xususiy hollar). Agar ($\bar{F}_1, \bar{F}_2, \dots, \bar{F}_n$) kuchlar sistemasini biror O markazga keltirish natijasida bitta kuch $\bar{R} = \sum \bar{F}_k$ va momenti $M_0 = \sum m_{O_1}(\bar{F}_k)$ bo'lgan bitta juft hosil bo'lsin. Juft tashkil etuvchi kuchlar miqdorini bosh vektorga teng qilib olib, ya'ni, $\bar{R}' = \bar{R}'' = \bar{R}$ va juft tashkil etuvchi kuchlardan birini O nuqtaga R' bilan qarama-qarshi yo'nalishda joylashtiramiz (2.10-shakl) juft (\bar{R}_1, \bar{R}'') ning yelkasi quyidagi formuladan aniqlanadi.

$$d = \frac{M_0}{R} \quad (2.22)$$



2.10-shakl.

Hosil bo'lgan $(\bar{R}', \bar{R}'', \bar{R})$ kuchlar 2.10-shakl sistemasi bitta \bar{R} kuchga ekvivalent bo'ladi. Darhaqiqat, \bar{R} berilgan $(\bar{F}_1, \bar{F}_2, \dots, \bar{F}_n)$ kuchlar sistemasining teng ta'sir etuvchisi bo'ladi.

Teng ta'sir etuvchining momentiga oid Varinon teoremasi.

Teorema:

Tekislikda ixtiyoriy joylashgan kuchlar sistemasi teng ta'sir etuvchisining shu tekislikda yotuvchi ixtiyoriy nuqtaga nisbatan momenti, berilgan kuchlardan shu nuqtaga nisbatan olingan kuch momentlarining algebraik yig'indisiga teng.

Isbot:

2.7-shakldan ko'rinadiki, $m_0(\bar{R}) = R \cdot d$. $R = R'$ ekanligi va (2.22) formulani e'tiborga olib quyidagini yozish mumkin

$$m_0(\bar{R}) = M_0 \text{ yoki } m_0(\bar{R}) = \sum_{k=1}^n m_0(\bar{F}_k) \quad (2.23)$$

Teorema isbotlandi.

Tekislikda ixtiyoriy joylashgan kuchlar sistemasining muvozanat shartlari.

Tekislikda ixtiyoriy joylashgan kuchlar sistemasi muvozanatlashishi uchun, quyidagi shartning bajarilishi zarur va yetarlidir.

$$\bar{R}' = 0 \quad \text{ba} \quad \bar{M}_0 = 0 \quad (2.24)$$

Agar biror shart bajarilmasa, u holda kuchlar sistemasi teng ta'sir etuvchiga yoki juftga keltiriladi, ya'ni muvozanatda bo'lmaydi. Agar $\bar{R}' = 0$ bo'lsa, u holda sistema momenti M_0 bo'lgan juftga keltiriladi, modomiki $M_0 = 0$, u holda sistema muvozanatda bo'ladi. (2.24) shartdan tekislikda ixtiyoriy joylashgan kuchlar muvozanatining quyidagi analitik shartlari kelib chiqadi:

1. Muvozanat shartining asosiy ko'rinishi.

Bosh vektor \bar{R}' va bosh moment M_0 quyidagi formulalar yordamida aniqlanadi

$$R' = \sqrt{\left(\sum_{k=1}^n F_{kx}\right)^2 + \left(\sum_{k=1}^n F_{ky}\right)^2}, \quad M_0 = \sum_{k=1}^n m_0(\bar{F}_k)$$

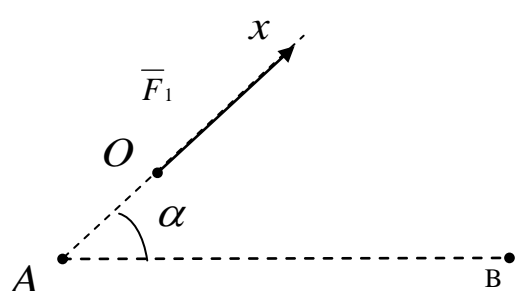
Agar $R' = 0$ va $M_0 = 0$ bo'lsa, u holda

$$\sum_{k=1}^n F_{kx} = 0, \quad \sum_{k=1}^n F_{ky} = 0, \quad \sum_{k=1}^n m_0(\bar{F}_k) = 0 \quad (2.25)$$

Ya'ni tekislikda ixtiyoriy joylashgan kuchlar muvozanatda bo'lishi uchun, kuchlarning koordinata o'qlaridagi proektsiyalarining yig'indisi, kuchlarning ta'sir tekisligidagi biror nuqtaga nisbatan olingan momentlarning yig'indisi nolga teng bo'lishi zarur va yetarlidir. Bog'lanishdagi jismlarning muvozanatiga oid masalalar yechishda (2.25) shartda noma'lum reaksiya kuchlari ishtirok yetadi va muvozanat tenglamari deb ataladi. Agar noma'lum reaksiyalar soni ular qatnashgan tenglamalar soniga teng bo'lsa, u holda hamma noma'lumlar shu tenglamalardan aniqlanadi. Bunday masalar statik aniq masalalar deb ataladi. Agar noma'lum reaksiyalar soni, ular qatnashgan tenglamalar sonidan ko'p bo'lsa, u holda bunday masalalar statik aniqmas masalalar deb ataladi.

2. Muvozanat shartining ikkinchi shakli.

Tekislikda ixtiyoriy joylashgan kuchlar sistemasi muvozanatda bo'lishi uchun kuchlarning ikkita A va B nuqtalarga nisbatan olingan momentlarining yig'indisi, hamda AB kesmaga perpendikulyar bo'lmagan OX o'qiga proektsiyalarining yig'indisi nolga teng bo'lishi zarur va yetarlidir (2.11-shakl).



2.11-shakl.

$$\left. \begin{aligned} \sum_{k=1}^n F_{ix} &= 0 \\ \sum m_A(\bar{F}_i) &= 0 \\ \sum m_B(\bar{F}_i) &= 0 \\ \alpha &\neq 90^\circ \end{aligned} \right\} (2.26)$$

2. Muvozanat shartining uchinchi shakli.

Tekislikda ixtiyoriy joylashgan kuchlar muvozanatda bo'lishi uchun kuchlarning bir to'g'ri chiziq ustida yotmagan uchta A, B va C nuqtalarga nisbatan olingan momentlarining yig'indisi nolga teng bo'lishi zarur va yetarlidir.

$$\sum_{k=1}^n m_A(\bar{F}_k) = 0, \quad \sum_{k=1}^n m_B(\bar{F}_k) = 0, \quad \sum_{k=1}^n m_C(\bar{F}_k) = 0 \quad (2.27)$$

Eslatma: (2.26) va (2.27) shartlar isbotsiz taklif etildi.

Tekislikda parallel joylashgan kuchlarning muvozanat shartlari.

Agar hamma kuchlar OY o'qiga parallel bo'lsa (2.12-shakl), u holda

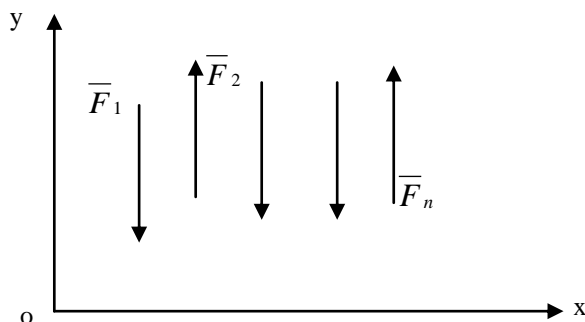
$$\sum_{k=1}^n F_{kx} = 0,$$

madomiki,

$$\sum_{k=1}^n F_{ky} = \sum_{k=1}^n F_k$$

va muvozanat sharti quyidagi ko'rinishni oladi:

$$\sum_{k=1}^n F_k = 0, \quad \sum_{k=1}^n m_0(\bar{F}_k) = 0 \quad (2.28)$$



2.12-shakl.

Demak tekislikdagi parallel kuchlar muvozanatda bo'lishi uchun, kuchlarning algebraik yig'indisi va shu tekislikdagi biror nuqtaga nisbatan olingan momentlarning yig'indisi nolga teng bo'lishi zarur va yetarlidir.

Tekislikda parallel kuchlar muvozanat shartining ikkinchi shakli.

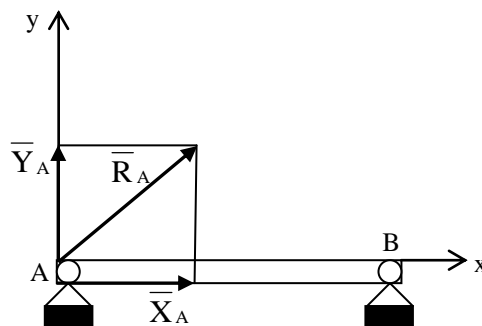
Tekislikda ixtiyoriy joylashgan parallel kuchlar muvozanatda bo'lishi uchun, bu kuchlarga parallel bo'lgan chiziq ustida yotmay turgan ikki A va B nuqtalarga nisbatan olingan kuchlar momentlarining yig'indisi nolga teng bo'lishi zarur va yetarlidir, ya'ni

$$\sum_{k=1}^n m_A(\bar{F}_k) = 0, \quad \sum_{k=1}^n m_B(\bar{F}_k) = 0 \quad (2.29)$$

Reaksiya kuchlarini aniqlashga doir qo'shimchalar.

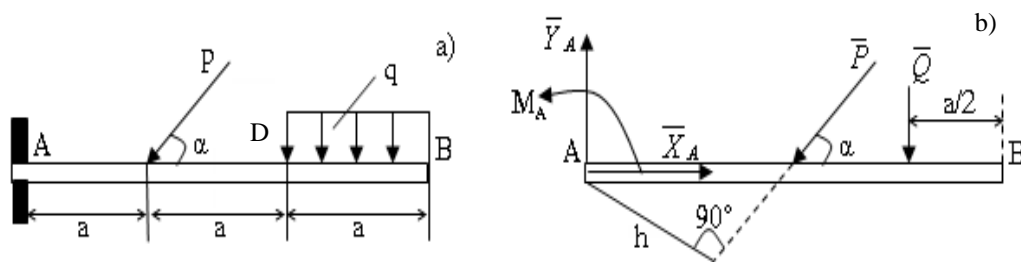
Bog'lanishlarning bir necha xil turlari va ularning reaksiyalari 1-bobda berilgan. Xususan bog'lanish ishqalanishsiz silindrik sharnir vositasida bajarilgan bo'lsa, sharnir bog'lanish reaksiya kuchi silindrik o'qiga perpendikulyar bo'lgan tekislikda yotishi ko'rsatilgan yedi. Reaksiya kuchining yo'nalishi noma'lum bo'lib, jismga ta'sir etuvchi boshqa kuchlarga bog'liq bo'ladi. Jism tekislikda ixtiyoriy joylashgan kuchlar ta'sirida muvozanatlashishiga oid masala yechiladigan bo'lsa, qo'zg'almas sharnirning reaksiya kuchi R_A ning miqdor va yo'nalishi noma'lum (2.12-shakl). SHuning uchun uni OX va OY koordinata o'qlari bo'ylab X_A va Y_A tashkil etuvchilar orqali tasvirlab, R_A ning miqdor va yo'nalishi quyidagi formulalar yordamida aniqlanadi

$$R_A = \sqrt{X_A^2 + Y_A^2}, \quad \operatorname{tg} \alpha = \frac{Y_A}{X_A}$$



2.13-shakl.

Qistirib mahkamlangan bog'lanish (2.14-a shakl). Agar jismga tekislikda ixtiyoriy joylashgan kuchlar ta'sir qilsa, bu kuchlar sistemasini markazga keltirish natijasida, A nuqtaga qo'yilgan R_A kuchi va momenti M_A bo'lgan juft hosil bo'ladi. Noma'lum R_A reaksiya kuchini koordinata o'qlari bo'ylab X_A va Y_A tashkil etuvchilari orqali tasvirlaymiz.



2.14-shakl.

Binobarin jismning qistirib mahkamlangan kesmasida reaksiyaning ikkita X_A va Y_A tashkil etuvchilari hamda, momenti M_A bo'lgan reaktiv juft ta'sir qiladi.

Masala.

2.14 a-shaklda ko'rsatilgan to'sinning tayanch reaksiyalari aniqlansin.

Echish:

AB to'sin (balka)ga tekislikda ixtiyoriy joylashgan kuchlar sistemasi ta'sir qiladi. Intensivligi q bo'lgan tekis taqsimlangan kuchni to'plangan Q kuch bilan almashtiramiz. Bu kuch DB kesmaning o'rtasiga qo'yilgan va miqdori $Q=q \cdot a$ ga teng. Muvozanat tenglamalarini tuzamiz:

$$\sum_{k=1}^n F_{kx} = 0, \quad X_A - P \cdot \cos \alpha = 0$$

$$\sum_{k=1}^n F_{ky} = 0, \quad Y_A - P \cdot \sin \alpha - Q = 0$$

$$\sum_{k=1}^n m_A(\bar{F}_k) = 0, \quad M_A - P \cdot a \sin \alpha - Q \cdot 2,5 \cdot a = 0$$

Bu tenglamalar sistemasini X_A, Y_A, M_A larga nisbatan yechib quyidagilarni olamiz:

$$X_A = P \cdot \cos \alpha; \quad Y_A = P \cdot \sin \alpha + Q = P \cdot \sin \alpha + qa$$

U holda

$$R_A = \sqrt{X_A^2 + Y_A^2} = \sqrt{(P \cos \alpha)^2 + (P \sin \alpha + qa)^2} = \\ = \sqrt{P^2 + 2Pqa \sin \alpha + (qa)^2}$$

$$M_A = Pa \sin \alpha + Q \cdot 2,5a = Pa \sin \alpha + 2,5qa^2$$

Takrorlash uchun savollar

1. Kuchni o'ziga parallel qanday ko'chirish mumkin?
2. Tekislikdagi kuchlarni bir markazga keltirish natijasida nima hosil bo'ladi?
3. Kuchlar sistemasi bir markazga keltirilsa qanday hollar bo'lishi mumkin?
4. Tekislikda ixtiyoriy joylashgan kuchlar sistemasining muvozanat shartlari qanday?
5. Tekislikda parallel joylashgan kuchlar sistemasining muvozanat shartlari qanday?

Tayanch so'zlar va iboralar

Kuch, kuch momenti, muvozanat, kuchlar sistemasi, reaksiya kuchi, bosh vector, bosh moment, parallel kuchlar.

Foydalanilgan adabiyotlar ro'yxati

1. A.Mamaxanov. Texnik mexanika fanidan ma'ruzalar kursi. Namangan. 2017 yil.
2. P. SHohaydarova, SH. SHoziyotov, J. Zoirov – “Nazariy mexnika”. T. 1991 y.
3. Arkusha A.I.,Frolov M.I. Texnicheskaya mexanika Moskva Vysshaya shkola 1983 y, 447 b
4. Rashidov T.R., SHoziyotov SH., Mo'minov K.B., «Nazariy mexanika asoslari», Toshkent, O'qituvchi, 1990 y, 584 b.
5. SHoxaydarova P., SHoziyatov SH., Zoirov J., «Nazariy mexanika» Toshkent, O'qituvchi, 1991y, 408 b.
6. Nigmatullaev S.I., Qo'llanma, «Amaliy mexanika», Toshkent O'zbekiston. 2003 y, 128 b
7. Turanov X.T. Prikladnaya mexanika v sfere gruzovyx perevozok: Uchebnoye posobiye dlya studentov vuzov jeleznodorojnogo transporta. – yekaterinburg: UrGUPS, 2008.-347 s.
8. Turanov X.T., Teoreticheskaya mexanika v zadachax gruzovyx perevozok. Novosibirsk: Nauka, 2009 gg, 376 s.