

## 11-майруза. Робот ва манипуляторларни динамик таҳлили. Кинетостатик ҳисоб

**Мақсад:** Саноат роботларини кинетостатик ҳисоби тартиби, кинематик жуфтлардаги реакция кучларини, мувозанатловчи кучларни аниқлаш усуллари, кўникма ва билимларни магистрантларда шакллантириш.

### Режа:

1. Манипуляторларни динамикасини асосий масалалари.
2. Динамик моделларни тузиш, таъсир қилувчи кучларни хусусиятлари.
3. Кинетостатик ҳисоб тартиби.
4. Қўзғалувчанлик даражаси 3 га тенг манипуляторни кинетостатик ҳисоби.
5. Муаммоли масалалар.
6. Хулоса.

### Адабиётлар:

1. А. Ф. Шеглов «Основы робототехники» ТГТУ, 1996, 105...123 бетлар.

1. Саноат роботларини ишлаш вақтида қатор улар ҳаракатига динамик жараёнларни таъсири жуда каттадир.

Манипуляторларни **динамик таҳлили** мураккаб масалалардан ҳисобланади. Манипулятор динамикасида таъсир қилувчи кучларнинг хусусиятлари, кинематик жуфтлардаги зуриқишлар, механизмларни ўзаро таъсири, ишчи органларини объект билан таъсири, механик қисмни электр юритгич билан ўзаро таъсирлашуви каби масалаларни ҳал қилади.

Умуман олганда роботларни динамик текширишда иккита масала ҳал этилади. Биринчи масалани ечишда робот буғинларини ҳаракат қонунлари маълум деб қаралади. Бунда асосан **кучлар ҳисоби** амалга оширилади, кинематик жуфтлардаги **реакция кучлари** аниқланади, **мувозанатловчи куч** қийматлари топилади. Бу ҳисобни **кинетостатик ҳисоб** дейилади.

Манипуляторларнинг динамикасини иккинчи масаласида ҳаракат тенгламалари тузилиб, уларнинг ечимлари олинади. Натижада олинган ҳаракат қонунлари дастурдаги ҳаракатларга мослиги текширилади. Тегишли ўзгартиришлар киритиб дастурдаги ҳаракатни амалга ошириш учун параметрлар аниқланади.

Динамик анализда геометрик, кинематик параметрларни қийматлари зарурдир. Умуман олганда манипулятор параметларини аниқлашда динамик изланишлар натижалари керак бўлади.

2. Манипуляторларни динамик моделлари асосан ҳисоб схемалари бўлиб тегишли қўзғалувчанлик даражасига мос келтирилган массаларни ўзаро боғланган кўринишида қурилади. Бунда юритувчи кучлар, моментлар,

қаршилик ва инерция кучлари инобатга олинади, шунингдек елалетик бўғинларни ҳарактеристикалари ҳисобланади.

Машина ва механизмлар назарияси умумий курсидан бизга таъсир килувчи кучларнинг классификацияси маълумдир. Унга асосан, роботларда, кинематик жуфтлардаги реакция кучларини **пассив кучлар** деб қабул қилинган. **Актив кучларга**, оғирлик кучлари, фойдали қаршилик кучлари, эластиклик кучлари, ички ютиш ёки демпферлаш кучлари, юритувчи кучлар киради. Оғирлик кучлари асосан бўғинларнинг оғирлик марказларига кўйилиб, мусбат ва манфий иш бажаришлари мумкин. Бунда манипулятор қисқичи ҳаракатга келтираётган жисмни оғирлиги ҳам инобатга олинади. Технологик қаршиликлар ҳам фойдали қаршилик кучларига киради ва мураккаб қонун бўйича ўзгаришлари мумкин. Эластик, қайишқок бўғинларда эластиклик ва демпферлаш кучлари ҳисобга олиниши керак бўлади. Бу кучлар ҳам вазиятга қараб мусбат ва манфий иш бажаришлари мумкин. Юритувчи кучлар, асосан ҳаракат манбаи юритгичлардан олинади. Электр юритгичларда уларнинг қийматларини ўзгариши механик ҳарактеристикаларидан фойдаланиб топилади.

**3. Саноат роботларини кинетостатик ҳисобларида оддий механизмларни ҳисобидан фарқлироқ, ҳар бир бўғин учун мувозанат шартлари Даламбер принципи асосида қурилиб, номаълум реакция ва мувозанатловчи кучлар аниқланади.**

Улар бир бўғиннинг инерция моментлари оғирлик марказига келтирилиб, оғирлик марказига нисбатан инерция кучини бош вектори ва бош куч моменти билан алмаштирилади.

Бўғиннинг инерция моментини бош вектори

$$\bar{F}_{\bar{u}_i} = -m_i \cdot \bar{a}_{ci} \quad (11.1)$$

бу ерда,  $m_i$ - и-бўғиннинг массаси,  $\bar{a}_{ci}$ - и-бўғиннинг оғирлик марказини тезланиш вектори.

Бўғиннинг оғирлик марказига нисбатан инерция кучининг бош моменти

$$\bar{M}_{ci}^{ei} = -\sum_{i=1}^n r_i \cdot m_i \cdot \bar{a}_{ci} \quad (11.2)$$

Бош момент векторини марказий ўқларга проекциялари:

$$\begin{aligned} M_{ei}^x &= -\left[ J_{xi} \dot{\omega}_i^x + (J_{zi} - J_{yi}) \dot{\omega}_i^y \cdot \dot{\omega}_i^z \right] \\ \dot{I}_{ui}^y &= -\left[ J_{yi} \dot{\omega}_i^y + (J_{xi} - J_{zi}) \omega_i^z \omega_i^x \right] \\ M_{ui}^z &= -\left[ J_{zi} \dot{\omega}_i^z + (J_{yi} - J_{xi}) \omega_i^x \omega_i^y \right] \end{aligned} \quad (11.3)$$

бу ерда,  $\omega_{и}^x$ ,  $\omega_{и}^y$ ,  $\omega_{и}^z$ -қўзғалмас ўқларга нисбатан и-бўғин бурчак тезликлари.

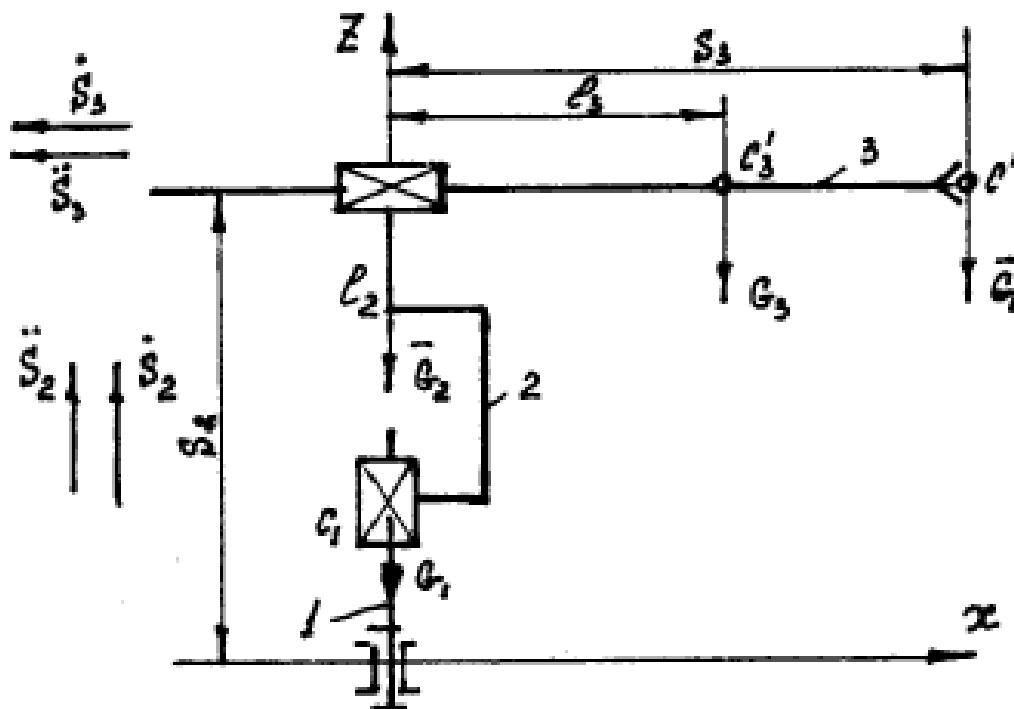
Кинетостатик анализда манипулятор бўғинларининг ҳолатлари, тезлик ва тезланишлари маълум деб олинади, шунингдек бўғинларнинг массалари, инерция моментлари берилган бўлади.

4. 11.1-расмда келтирилган учта қўзғалувчанлик даражасига ега бўлган саноат роботини кинетостатик ҳисобини бажарамиз.

Ушбу манипулятор бўғинларининг оғирлик марказларини тезланишларини аниқлаш усуллари кинематик таҳлилда қуриб чиқилган еди. Бўғинни инерция кучларини икки векторга  $\bar{F}_i''$  ва  $\bar{M}_i''$  келтирамиз.

Силиндрик координаталар системасида ҳаракатланувчи манипулятор учун

$$\begin{aligned} \bar{F}_{.1} &= 0; \quad \bar{F}_{.2} = -m_2 \ddot{S}_2 \bar{k}_1 \\ \bar{F}_{.3} &= -m_3 [(\ddot{\phi}_1^2 S_3 + \ddot{S}_3) \bar{i}_1 + (\dot{\phi}_1 S_3 + 2\dot{\phi}_1 \dot{S}_3) \bar{j} + \ddot{S}_2 \bar{k}_1] \end{aligned} \quad (11.4)$$



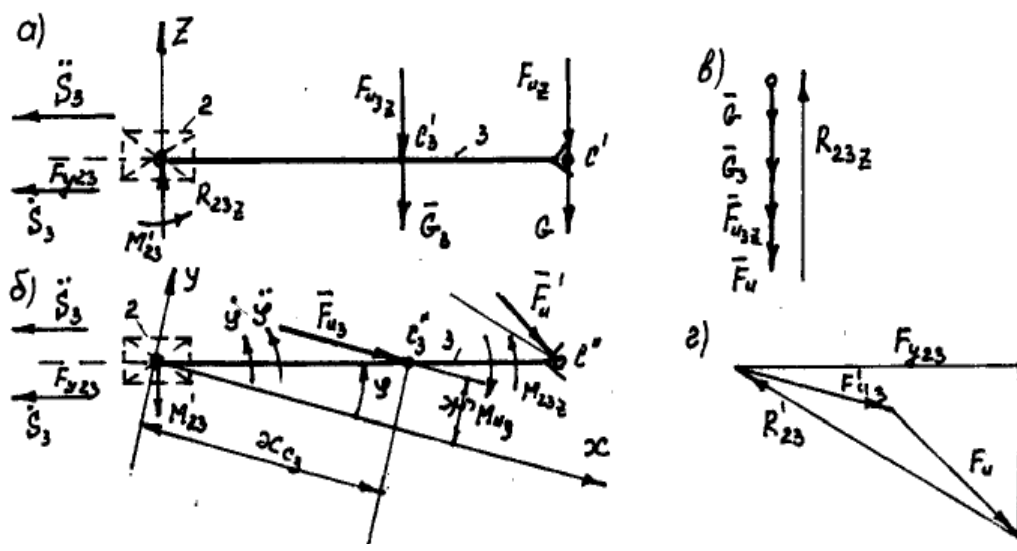
11.1-расм.

Бўғинларнинг инерция кучларини бош моментлари

$$\bar{M}_{kc1} = -J_z \ddot{\phi}_1 \bar{k}_1; \quad \bar{M}_{kc2} = -J_{z2} \ddot{\phi}_1 \bar{k}_1; \quad \bar{M}_{kc3} = -J_{z3} \ddot{\phi}_1 \bar{k}_1$$

бу ерда,  $J_{z1}, J_{z2}, J_{z3}$  - Z ўсига нисбатан бўғинларнинг инерция моментлари.

Ҳисобни энг четки яъни қисқич жойлашган бўғиннинг мувозанат шартидан бошлаймиз. 3-бўғиннинг оғирлиги  $s_3$  нуктада жойлашган (11.2 расм).



11.2-расм.

Ушбу бўғинга таъсир қилувчи кучларнинг йиғиндиси нолга тенг бўлади (мувозанат шarti):

$$\bar{G} + \bar{G}_3 + \bar{F}_{e3} + \bar{F}_e + \bar{R}_{23} = 0 \tag{11.5}$$

Барча кучларни координата ўқлари бўйича проекцияларини оламит

$$\begin{aligned} -m_3 \ddot{X}_{c3} - m \ddot{X}_c + R_{23x} &= 0 \\ -m_3 \ddot{Y}_{c3} - m \ddot{Y}_c + R_{23y} &= 0 \\ -G - G_3 - m \ddot{z}_{c3} - m \ddot{z}_c + R_{23z} &= 0 \end{aligned} \tag{11.6}$$

Мос равишда  $R_{23}$  реакция кучини ўқларга проекцияларига нисбатан қарасак

$$\begin{aligned} R_{23x} &= m_3 \ddot{x}_{c3} + m \ddot{x}_c \\ R_{23y} &= m_3 \ddot{y}_{c3} + m \ddot{y}_c \\ R_{23z} &= G + G_3 + m_3 \ddot{z}_{c3} + m \ddot{z}_c \end{aligned} \tag{11.7}$$

Иккинчи бўғинни учинчи бўғинга нисбатан реакция кучининг умумий қиймати

$$R_{23} = \sqrt{R_{23x}^2 + R_{23y}^2 + R_{23z}^2}$$

3-бўғин бўйлаб ёналган мувозанатловчи куч статик мувозанат шartiдан аниқланади:

$$F_{23''} = R_{23x} \cos \varphi_3 + R_{23y} \sin \varphi_3$$

бу ерда,  $\varphi_3$ -учинчи бўғиннинг бурилиш бурчаги.

Моментлар тенгламасидан

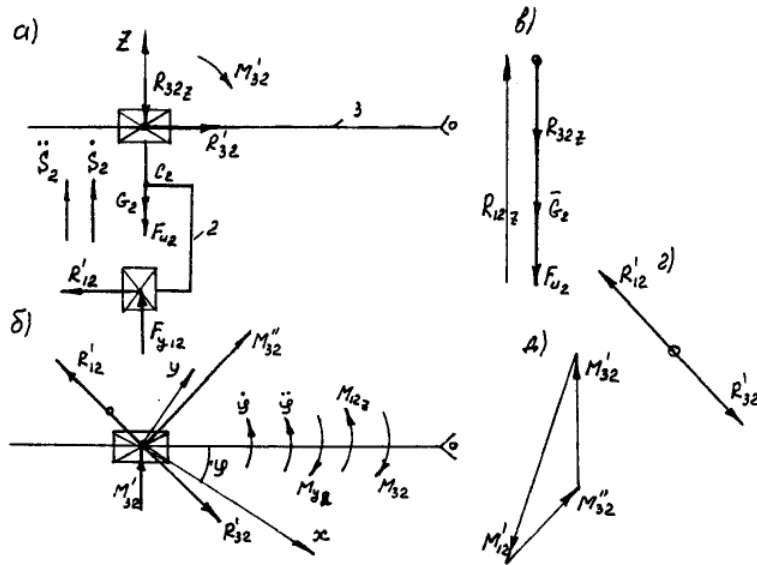
$$\begin{aligned} M'_{23} - (G_3 - F_{u3z})l_{23} - (G - F_{uz})S_3 &= 0 \\ M_{23z} - F_{u3x}y_{c3} - F_{ux}y_c + F_{u3y}x_{c3} + F_{uy}x_c + M_{u3} &= 0 \end{aligned}$$

Булардан реактив моментлар

$$M'_{23} = (G_3 - F_{u_{3z}})l_{c_3} + (G - F_{u_z})S_3,$$

$$M_{23z} = F_{u_{3x}}y_{c_3} + F_{u_x}y_c - F_{u_{3y}}x_{c_3} - F_{u_y}x_c - M_{u_3}$$

Иккинчи б ўғинни мувозанат шартини кўрамиз  
(11.3-расмга қаранг)



11.3-расм.

$$\bar{R}_{32} + \bar{F}_{u2} + \bar{G}_2 + \bar{R}_{12} = 0,$$

$$-\bar{R}_{23} = \bar{R}_{32}; \bar{R}_{12} = -\bar{R}_{21}$$

$$\bar{R}_{12} = -(\bar{R}_{32} + \bar{F}_{u2} + \bar{G}_2)$$

Агарда координата ўқларига проекцияласак

$$R_{32x} + R_{12x} = 0,$$

$$R_{32y} + R_{12y} = 0,$$

$$R_{32z} - m_2 \ddot{z}_{c2} - G_2 + R_{12z} = 0$$

бу ердан:

$$R_{12x} = -R_{32x};$$

$$R_{12y} = -R_{32y};$$

$$R_{12z} = Fy_{12} = m_2 \ddot{z}_{c2} + G_2 - R_{32z};$$

$$R_{12} \sqrt{R_{12x}^2 + R_{12y}^2}$$

Робот устуни 1 ни егувчи момент

$$M'_{12} = -M'_{32} - M''_{32}$$

$$M''_{32} = R_{32}h_2$$

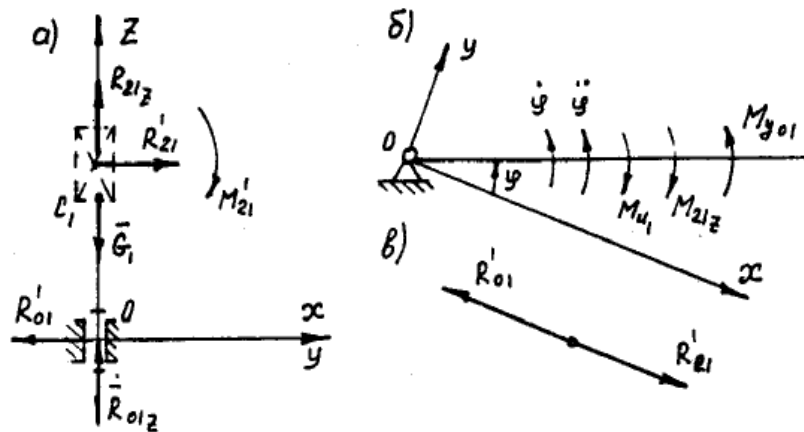
$h_2$  – ustun balandligi

$M_{12z}$  – burovchi moment

$$M_{323} + M_{y3} + M_{123} = 0$$

$$M_{123} = -(M_{323} + M_{y2}), \quad M_{213} = -M_{123}$$

Биринчи б ўғинни мувозант шартини куриб чиқамиз (11.4 расмга қаранг)



11.4-расм.

$$\bar{R}_{21} + \bar{G}_1 + \bar{R}_{01} = 0; \quad \bar{R}_{01} = -(\bar{R}_{21} + \bar{G}_1)$$

координаталарга проекцияласак

$$R_{21x} + R_{01x} = 0;$$

$$R_{21y} + R_{01y} = 0;$$

$$R_{21z} - G_1 + R_{01z} = 0;$$

$$\text{yoki } R_{01x} = -R_{21x},$$

$$R_{01y} = -R_{21y},$$

$$R_{01z} = -R_{21z} + G_1$$

$$R_{01} = \sqrt{R_{01x}^2 + R_{01y}^2 + R_{01z}^2}$$

$M'_{01}$  реактив моментни аниқлаймиз

$$M_{21z} + M_{u1} + M_{01y} = 0$$

мувозанатловчи момент

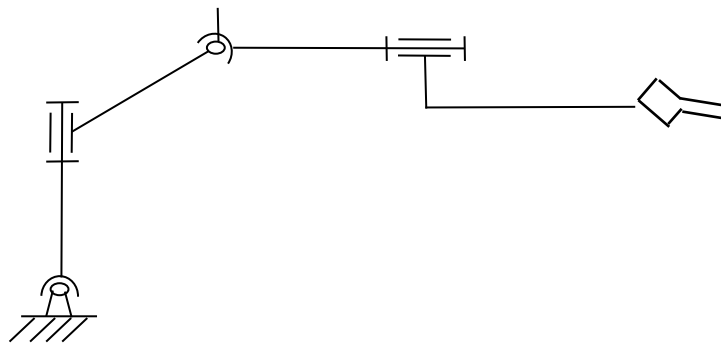
$$M_{01y} = -(M_{21z} + M_{u_1})$$

Демак кинетостатик ҳисобдан  $P_{23}$ ,  $P_{12}$ ,  $P_{01}$  реакция кучлари ва кинематик жуфтлардаги моментлар  $M'_{23}, M_{23z}, M'_{12}, M_{12z}, M'_{01}$

ҳамда мувозанатловчи  $F_{y23}, F_{y12}, F_{y01}$  кучлар аниқланади.

### 5. Муаммоли масалалар

Кинетостатик ҳисобда манипуляторда олий кинематик жуфтларни бўлиши анча қийинчиликларга олиб келади. 11.5-расмда келтирилган манипуляторни кинетостатик ҳисобини бажаришни магистрантларга тавсия етамиз.



11.5-Расм.

### 6. Хулоса

Демак саноат роботларини кинетостатик ҳисобида кинематик жуфтлардаги реакция кучларини ва мувозанатловчи куч, моментларни аниқланади. Уисобда ҳар бир б ўғинни мувозанат шарти алоҳида амалга оширилади.

### Ўз-ўзини текшириш учун саволлар

1. Манипуляторларни динамик анализда қандай масалалар ҳал қилинади?
2. Манипуляторларда таъсир қилувчи кучларни изохлаб беринг.
3. Саноат роботлари кинетостатик ҳисоби қандай тартибда бажарилади?
4. Кинетостатик ҳисобга мисол келтиринг.
5. Манипуляторларни кинетостатик ҳисобида қандай муаммолар мавжуд?